

रौल नं०.....नाम परीक्षार्थी.....

X-6

अर्द्धवार्षिक परीक्षा सन् 2024-25 ई०

A

गणित (केवल प्रश्न-पत्र)

समय - 3.00 घण्टा

कक्षा - 10

पूर्णांक - 70

निर्देश:- (i) यह प्रश्न प्रश्न पत्र दो खण्डों में विभाजित है। खण्ड-क एवं खण्ड-ख है। (ii) खण्ड-क में 20 अंकों के बहुविकल्पीय प्रश्न हैं। (iii) खण्ड-ख में 50 अंक के वर्णनात्मक प्रश्न हैं। (iv) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं। सभी प्रश्नों के निर्धारित अंक उनके सम्मुख दिये गये हैं।

निर्देश:- निम्न खण्डों के सही विकल्प चुनकर अपनी उत्तर-पुस्तिका पर लिखिए:-

खण्ड-क

1. परिमेय संख्या $\frac{14587}{1250}$ का दशमलव प्रसार निम्नलिखित किन दशमलव स्थानों
के बाद समाप्त हो जायेगा :- 1
(i) एक (ii) दो (iii) तीन (iv) चार।
2. दिया है ल. सं. (132,288) = 3168 तो म. सं. (132, 288) है :- 1
(i) 288 (ii) 132 (iii) 48 (iv) 12
3. एक द्विघात बहुपद के अधिक से अधिक शून्यकों की संख्या होगी:- 1
(i) 1 (ii) 2
(iii) 3 — — (iv) 4
4. एक भिन्न का अंश उसके हर के दोगुने से 1 अधिक है। यदि हर में दिया जाए
तो भिन्न का मान 1 हो जाता है वह भिन्न है :- 1
(i) $\frac{5}{2}$ (ii) $\frac{2}{5}$ (iii) $\frac{9}{2}$ (iv) $\frac{7}{2}$
5. यदि $x + 3y = 6$ हो तो x व y के मान है :- 1
(i) 0, 6 (ii) 3, 1 (iii) 1, 3 (iv) 4, 2
6. यदि $\frac{1}{x^2+6} = \frac{1}{10}$ तो का मान होगा :- 1
(i) $\sqrt{f} 1$ (ii) ± 2 (iii) ± 3 (iv) ± 4
7. यदि समीकरण $3x^2 - 12x + k = 0$ के मूल बराबर हैं तो k का मान होगा :- 1
(i) 3 (ii) 6 (iii) 9 (iv) 12
8. बिन्दुओं (-2, 6) तथा (-2, 10) को मिलाने वाले रेखाखण्ड के मध्य बिन्दु के निर्देशांक
है :- 1
(i) -2, 3 (ii) (-2, 5) (iii) (-2, 8) (iv) (0, 2)
9. बिन्दु (3, 4) की y अक्ष से दूरी होगी:- 1
(i) 1 इकाई (ii) 2 इकाई (iii) 3 इकाई (iv) 4 इकाई
(पृष्ठ पलटिए)

- 10/6** (2)
10. यदि $\sec\theta = 2$ तो θ का मान होगा :-
 (i) 30° (ii) 45° (iii) 45° (iv) 60°
11. यदि $\cos\theta = \sin\theta$, $0^\circ < \theta < 90^\circ$ तो θ कोण बराबर है :-
 (i) 0° (ii) 30° (iii) 45° (iv) 60°
12. 6 सेमी त्रिज्या वाले एक वृत्त खण्ड जिसका कोण 60° है, का क्षेत्रफल है :- 1
 (i) $132/7$ सेमी² (ii) $132/7$ सेमी²
 (iii) $132/72$ सेमी² (iv) इनमें से कोई नहीं।
13. समान्तर श्रेणी 4, 10, 16, 22 का सार्वअन्तर है :- 1
 (i) 4 (ii) 6 (iii) 16 (iv) 20
14. किसी वृत्त के परिगत समान्तर चतुर्भुज होता है :- 1
 (i) चक्रीय चतुर्भुज (ii) त्रिभुज
 (iii) समचतुर्भुज (iv) इनमें से कोई नहीं।
15. वृत्त की परिधि 22 सेमी इस वृत्त के चर्तुर्थांश का क्षेत्रफल है :- 1
 (i) $\frac{11}{8}$ सेमी² (ii) $\frac{8}{77}$ सेमी² (iii) $\frac{73}{18}$ सेमी² (iv) $\frac{17}{2}$ सेमी²
16. यदि घटना E की प्रायिकता $P(E)$ है तो :- 1
 (i) $P(E) \geq 1$ (ii) $0 \leq P(E) \leq 1$
 (iii) $P(E) \geq 0$ (iv) इनमें से कोई नहीं।
17. दो बिन्दुओं (2, 3) और (4, 1) के बीच की दूरी होगी :- 1
 (i) 2 (ii) $2\sqrt{3}$ (iii) $2\sqrt{2}$ (iv) 3
18. यदि $\tan\theta = \frac{2ab}{a^2 - b^2}$ तो $\cos\theta$ का मान होगा :- 1
 (i) 1 (ii) $\frac{a^2 - b^2}{a^2 + b^2}$ (iii) $\frac{a^2 + b^2}{a^2 - b^2}$ (iv) $\frac{2ab}{a^2 + b^2}$
19. दो सम्पूरक कोणों में बड़ा कोण छोटे कोण से 18° अधिक है तब बड़े कोण का मान है :- 1
 (i) 180° (ii) 18° (iii) 81° (iv) 99°
20. सभी त्रिभुज समरूप होते है :- 1
 (i) समद्विबाहु (ii) समकोण (iii) सर्वांगमस (iv) समबाहु।

खण्ड-ख

वर्णात्मक प्रश्न

21. सभी खण्डों को हल कीजिए :-

12

- (क) $x + 2y = 7$ और $x - 3y = -8$ को हल कीजिए।
- (ख) गुणनखण्ड विधि से समीकरण $\sqrt{2}x^2 + 7x + 5\sqrt{2} = 0$ के मूल ज्ञात कीजिए।
- (ग) k का मान ज्ञात कीजिए यदि बिन्दु $(8, 1)(k, -4)$ और $(2, -5)$ सरेखी है।
- (घ) 6 सेमी त्रिज्या वाले एक वृत्त के एक त्रिज्याखण्ड का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसका कोण 60° है।
- (ङ) सिद्ध कीजिए कि $\frac{1}{\sqrt{2}}$ अपरिमेय है।
- (च) x और y में एक सम्बन्ध ज्ञात कीजिए यदि बिन्दु $(x, y)(1, 2)$ और $(7, 0)$ सरेखी है।

22. निम्न में से पाँच खण्डों को हल कीजिए :-

20

- (क) यदि द्विघात बहुपद $(k - 1)x^2 + kx + 1$ के शून्यकों में से एक शून्यक उन्हें तो दूसरे शून्यक का मान ज्ञात कीजिए।
- (ख) लम्बाई 6 मीटर वाले एक ऊर्ध्वाधर स्तम्भ की भूमि पर छाया की लम्बाई 4 मीटर है। जबकि उसी समय एक मीनार की छाया की लम्बाई 28 मीटर है। मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।
- (ग) सिद्ध कीजिए कि वृत्त के बाहा बिन्दु से खींची गई स्वर्ण रेखाओं की लम्बाई समान होती है।
- (घ) श्रेणी $7, 13, 19, \dots, 205$ में कितने पद हैं।
- (ङ) यदि $\operatorname{cosec} A = 2$ तो $\frac{1}{\tan A} + \frac{\sin A}{(1 + \cos A)}$ का मान ज्ञात कीजिए।
- (च) त्रिभुज PQR में जिसका कोण समकोण है। $PR + QR = 25$ सेमी और $PQ = 5$ सेमी है। $\sin P, \cos P$ और $\tan P$ के मान ज्ञात कीजिए।

23. सिद्ध कीजिए कि किसी वृत्त के परिगत समान्तर चतुर्भुज समचतुर्भुज होता है। 6
 अथवा

केन्द्र O वाले वृत्त पर बाहा बिन्दु T से दो स्पर्श रेखाएँ TP और TQ खींची गई हैं। सिद्ध कीजिए कि $\angle PTQ = 2\angle OPQ$

24. बिन्दुओं (-3, 0) और (6, -8) को जोड़ने वाले रेखाखण्ड को बिन्दु (-1, 6) किस अनुपात में विभाजित करता है। 6

अथवा

$$\text{सिद्ध कीजिए } \frac{1 - \sin\theta}{1 + \sin\theta} = (\sec\theta - \tan\theta)^2$$

25. एक आयताकार खेत का विकर्ण उसकी छोटी भुजा से 60 मीटर अधिक लम्बा है। यदि बड़ी भुजा छोटी भुजा से 30 मीटर अधिक हो तो खेत की भुजाएँ ज्ञात कीजिए। 6

अथवा

वह समान्तर श्रेणी ज्ञात कीजिए जिसका तीसरा पद 16 है तथा 7वाँ पद 5वें पद से 12 अधिक है।